

# Окружно такмичење из математике

## седми разред:

2019.

1. Ако за целе бројеве  $x, y, z, t$  важи  $9x - 42y = 21z - 49t$ , доказати да је производ  $xt$  делјив са 21.
2. Колико делилаца броја  $4^{2019} \cdot 19^4$  је једнако четвртом степену неког природног броја?
3. Нека су  $x$  и  $y$  различити реални бројеви, такви да је
$$y(x^2 + 2019) = x(y^2 + 2019).$$
Израчунај вредност производа  $xy$ .
4. Страница  $AB$  конвексног четвороугла  $ABCD$  је два пута дужа од њој наспрамне странице  $CD$ . Дијагонала  $BD$  нормална је на страницу  $AD$ , а дијагонала  $AC$  нормална је на страницу  $BC$ . Одреди угао између дијагонала датог четвороугла.
5. Хоризонтално и вертикално растојање између две суседне тачке на слици је 1. Колико има дужи дужине 5 са крајевима у датим тачкама?

