

# Окружно такмичење из математике

## осми разред:

2017.

1. Дужина бочне ивице правилне шестостране пирамиде је  $\sqrt{39}$  cm, а апотема са равни основе заклапа угао од  $60^\circ$ . Колика је запремина те пирамиде?
2. Докажи да не постоје природни бројеви  $x$  и  $y$  такви да је  $2015x + y^2 = 2017^{2017}$ .
3. У троуглу  $ABC$  је  $\angle ABC = 60^\circ$ . Симетрала  $AD$  угла код  $A$  ( $D \in BC$ ) и симетрала  $CE$  угла код  $C$  ( $E \in AB$ ) секу се у тачки  $O$ . Докажи да је  $OD = OE$ .
4. Колико има тачака у трећем квадранту  $xOy$  равни које припадају графику линеарне функције  $5x + 11y + 217 = 0$ , а чије су обе координате целобројне?
5. Одреди број свих троуглова чије су све странице уједно дијагонале датог конвексног десетоугла.