

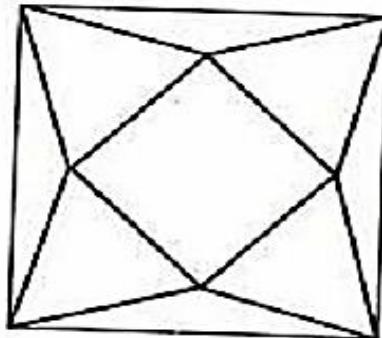
Окружно такмичење из математике

осми разред:

2013.

1. У произвољном трапезу $ABCD$ основица DC је два пута мања од основице AB . Из темена B повучена је нормала BE на праву AD . Докажи да је $CE = CB$.

2. Мрежа правилне четворостране пирамиде је уцртана у квадрат странице $7\sqrt{2}\text{cm}$ (види слику). Израчунај запремину те пирамиде ако су основна и бочна ивица у размери $6 : 5$.



3. Стана и Брана су кренуле једна у сусрет другој. Када је Стана прешла петину пута, а Брана 1300 метара растојање између њих било је три пута дуже од пута који је Стана прешла. Колико су биле удаљене једна од друге на почетку?
4. Дате су линеарне функције $y = 3x + a$, $y = -2x + b$ и $y = x + 1$. Изрази a у функцији од b ако графици ове три функције имају једну заједничку тачку.
5. Дата је једначина $8x + 3y = 2013$. Нека су $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$ парови природних бројева који задовољавају дату једначину. Израчунај збир $x_1 + x_2 + \dots + x_n$.