

Окружно такмичење из математике

осми разред:

2002.

1. Дата је коцка $ABCDA_1B_1C_1D_1$ ивице дужине a . Ако су E, F, G, H, I, J средишта ивица $AB, BC, CC_1, C_1D_1, D_1A_1, A_1A$ (слика), наћи површину пирамиде са врхом B_1 и основом $EFGHIJ$.

2. Колико има четвороцифрених бројева чије су све цифре различите, а да се прва и последња цифра разликују за два?

3. Једначином $26|x| + 154|y| = 2002$ је у xOy -равни одређен један паралелограм. Наћи његову површину.

4. Доказати да је број $1999 \cdot 2000 \cdot 2001 \cdot 2003 \cdot 2004 \cdot 2005 + 36$ потпун квадрат.

5. Дат је квадрат $ABCD$. Тачка E је средиште странице BC . Ако је тачка F на страници CD дата тако да је дуж EF нормална на AE , доказати да је $\angle EAB = \angle FAE$.

